Задача А. Выпукая оболочка

Имя входного файла:convex.inИмя выходного файла:convex.outОграничение по времени:2 секундыОграничение по памяти:64 мегабайта

Рассмотрим бесконечный лист клетчатой бумаги. Закрасим некоторое непустое множество клеток в черный цвет. Теперь мы хотим закрасить минимальное количество клеток, так, чтобы множество черных клеток стало выпуклым.

Напомним, что геометрическая фигура Φ называется выпуклой, если для любых точек $A \in \Phi$ и $B \in \Phi$ с вещественными координатами отрезок $[AB] \in \Phi$.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержатся два числа N ($1 \le N \le 100$) и M ($1 \le M \le 100$) — размеры куска бумаги, куда попали все черные клетки. В каждой из следующих N строк содержится M символов «*» или «.». Символ «*» обозначает черную клетку, а «.» белую.

Формат выходного файла

Выведете выпуклое множество, содержащее минимальное количество дополнительно покрашенных черных клеток, в ровно N строках по M символов «*» или «.» в каждой.

convex.in	convex.out
2 4	.**.
*.	.**.
.**.	
4 3	.*.
.*.	.*.
.*.	.*.
.*.	.*.
.*.	

Задача В. Единичный НОД

Имя входного файла: ones.in
Имя выходного файла: ones.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Рассмотрим два числа вида (в десятичной системе счисления)

$$\underbrace{11\cdots 11}_{n \text{ штук}}$$
 и $\underbrace{11\cdots 11}_{m \text{ штук}}$

Вам требуется найти НОД этих чисел.

Напомним, что НОД (наибольший общий делитель) двух чисел a и b — это такое максимальное число c, что b делится на c и a делится на c.

Формат входного файла

В единственной строке входного файла записаны два целых числа $N, M, 1 \le N, M \le 2000$.

Формат выходного файла

В единственной строке выведите ответ, без ведущих нулей.

ones.in	ones.out
1 1	1
1 2	1

Задача С. Головоломка про ферзей

Имя входного файла: queens.in Имя выходного файла: queens.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Многие из Вас, наверно, хотя бы раз в жизни играли в шахматы. Поэтому, Вы наверняка знаете, что ферзь — это шахматная фигура, которая может перемещаться по вертикали, горизонтали и диагонали на любое количество полей.

Слава недавно начал заниматься шахматами. На первом занятии учитель рассказал ему, как ходят шахматные фигуры. Слава сразу понял, что ферзь — самая "мощная" шахматная фигура.

Кроме обычной игры в шахматы, Славе сразу полюбились шахматные головоломки. В недавно купленной им книге «Шахматные головоломки для детей от 9 до 99» он обнаружил такую головоломку: "Расставить k ферзей на доске 8 на 8 так, чтобы хотя бы одно свободное поле не было атаковано."

Напишите программу, которая поможет Славе решить эту головоломку.

Поле называется *атакованным*, если хотя бы одна фигура на доске может совершить ход на это поле.

Формат входного файла

Входной файл содержит натуральное число $k \ (0 \le k \le 64)$.

Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите слово YES, если искомая расстановка возможна, и слово NO в противном случае. В случае положительного ответа, выведите соответствующую расстановку.

Для этого выведите 8 строк по 8 символов в каждой. Строки соответствуют горизонталям шахматной доски, столбцы — вертикалям. Пустое поле обозначайте символом . (точка), поле, на котором стоит ферзь — символом Q.

Если существует несколько расстановок ферзей, выведите любую.

queens.in	queens.out
1	YES
	• • • • • • •
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	Q
	•••••
	•••••
60	NO
5	YES
	QQ
	• • • • • • •
	• • • • • • •
	Q
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
	QQ

Задача D. Строки

 Имя входного файла:
 strings.in

 Имя выходного файла:
 strings.out

 Ограничение по времени:
 2 секунды

 Ограничение по памяти:
 64 мегабайта

Задано множество строк $S = \{s_1, s_2, s_3, \dots, s_n\}$. Необходимо найти количество строк $s_i \in S$, представимых в виде конкатенации двух строк $s_i \in S$, $s_k \in S$ ($s_i = s_j s_k$, j и k при этом могут совпадать).

Формат входного файла

Входной файл содержит множество S — по одному элементу на строке. i-ая строка входного файла содержит s_i . Последняя строка входного файла содержит строку ENDOFINPUT. Она обозначает конец входных данных и не входит в множество S.

Все s_i состоят только из маленьких букв латинского алфавита и имеют длину не более 100 символов. Во входном файле не более 239 строк.

Формат выходного файла

В выходной файл выведите ответ на задачу.

strings.in	strings.out
aa	2
aaaa	
ab	
abaa	
ENDOFINPUT	
abc	0
bcd	
def	
ENDOFINPUT	

Задача Е. Судоку

Имя входного файла: sudoku.in Имя выходного файла: sudoku.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Cyдоку размера n называется квадрат со стороной n^2 , разделенный на n^2 средних квадратов со стороной n, каждый из которых разделен на n^2 маленьких квадратов. В каждом маленьком квадрате записано число от 1 до n^2 .

Судоку называется nравильным, если в каждом столбце, каждой строке и каждом среднем квадрате встречаются все числа от 1 до n^2 .

Недавно Вася нарисовал Судоку размера n. Ваша задача — помочь ему определить правильный ли он.

Формат входного файла

В первой строке входного файла содержится число $n\ (1 \le n \le 10)$. В следующих n^2 строчках содержится по n^2 чисел, задающих нарисованный Васей Судоку.

Все числа во входном файле целые и не превосходят 10^9 по модулю.

Формат выходного файла

Если Судоку правильный, то выведите слово «Correct», иначе выведите «Incorrect»

sudoku.in	sudoku.out
3	Correct
1 3 2 5 4 6 9 8 7	
4 6 5 8 7 9 3 2 1	
7 9 8 2 1 3 6 5 4	
9 2 1 4 3 5 8 7 6	
3 5 4 7 6 8 2 1 9	
6 8 7 1 9 2 5 4 3	
5 7 6 9 8 1 4 3 2	
2 4 3 6 5 7 1 9 8	
8 1 9 3 2 4 7 6 5	
1	Incorrect
10	

Задача F. «Сердца столиц соединяя...»

 Имя входного файла:
 trains.in

 Имя выходного файла:
 trains.out

 Ограничение по времени:
 2 секунды

 Ограничение по памяти:
 64 мегабайта

Между двумя крупнейшими городами нашей страны Санкт-Петербургом и Москвой ежедневно совершают рейсы n поездов. Для каждого поезда известно его время отправления из Петербурга и время прибытия в Москву.

Найдите самый быстрый поезд и его скорость в предположении, что длина железной дороги между Санкт-Петербургом и Москвой равна 650 км.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит целое число $n\ (1 \le n \le 100)$. Каждая из последующих n строк описывает ровно один поезд.

Описание поезда состоит из его название, времени отправления и времени прибытия. Название поезда — строка длиной не более 50 символов, заключенная в кавычки. Она может содержать буквы латинского алфавита, пробелы, цифры, символы тире («—») и подчеркивания («_»). Времена отправления и прибытия заданы в формате ЧЧ:ММ. Строчные и заглавные буквы в названиях поездов различаются.

Время в пути для каждого из поездов составляет хотя бы одну минуту и не превышает 24 часов. Гарантируется, что самый быстрый поезд определяется единственным образом.

Формат выходного файла

В выходной файл выведите название самого быстрого поезда и его скорость. Скорость выводите в километрах в час и округляйте до целых. Следуйте формату вывода, приведенному в примерах.

```
trains.in
"ER-200" 06:43 10:40
"Red Arrow" 23:55 07:55
"Express" 23:59 08:00
                              trains.out
The fastest train is "ER-200".
It's speed is 165 km/h, approximately.
                              trains.in
"Train1" 00:00 00:00
"Train2" 00:00 00:01
"Train3" 00:01 00:01
                              trains.out
The fastest train is "Train2".
It's speed is 39000 km/h, approximately.
                              trains.in
"Slow Train 1" 10:00 09:59
"Slow Train 2" 10:00 10:00
                              trains.out
The fastest train is "Slow Train 1".
It's speed is 27 km/h, approximately.
```

Задача G. Треугольные страны

 Имя входного файла:
 tri.in

 Имя выходного файла:
 tri.out

 Ограничение по времени:
 2 секунды

 Ограничение по памяти:
 64 мегабайта

Эта история происходила на одной плоской планете. С незапамятных времен на ней существовал город N, находящийся в точке x_N, y_N . Кроме этого, в разное время на этой же планете существовали страны, каждая из которых имела форму треугольника.

Теперь перед историками встала серьезная задача — по имеющимся у них данным о треугольных странах определить, в какие страны мог входить город N. Город мог входить в страну, если он находится строго внутри нее.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит два числа: x_N и y_N — координаты города N. Вторая строка входного файла содержит количество k треугольных стран ($1 \le k \le 1000$). Последующие k строк каждая описывают одну треугольную страну. Описание треугольной страны состоит из шести целых чисел $x_1, y_1, x_2, y_2, x_3, y_3$, где $(x_1, y_1), (x_2, y_2), x_3, y_3$ — координаты вершин этой страны.

Гарантируется, что все страны имеют ненулевую площадь. Все координаты не превосходят 10000 по абсолютной величине.

Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите количество стран, в которые мог входить город N. Во второй строке выведите через пробел номера этих стран в возрастающем порядке. Страны нумеруются с единицы в том порядке, в каком они заданы во входном файле.

tri.in	tri.out
0 1	2
2	1 2
-2 0 2 0 0 2	
-3 0 3 0 0 3	
0 2	1
2	2
-2 0 2 0 0 2	
-3 0 3 0 0 3	

Задача Н. Две последовательности

Имя входного файла: twoseq.in
Имя выходного файла: twoseq.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Определим последовательности a_n и b_n следующим образом: $a_1=2,\ a_2=3,\ a_3=4,\ a_4=7,\ a_n=b_{n-1}+b_{n-3},\ n>4,\ b_n$ — последовательность чисел, не входящих в a_n , записанных в возрастающем порядке.

Таким образом, последовательность a_n будет выглядеть следующим образом: $2, 3, 4, 7, 13, 15, \ldots$, а последовательность $b_n - 1, 5, 6, 8, 9, 10, \ldots$

Ваша задача состоит в том, чтобы найти a_n и b_n .

Формат входного файла

Входной файл содержит целое число $n \ (1 \le n \le 10000)$.

Формат выходного файла

В первой строке выходного файла выведите a_n , во второй — b_n .

twoseq.in	twoseq.out
4	7
	8
10	25
	16
6578	19731
	9868
10000	29995
	15000