

Задача А. Рассядьтесь удобно!

Имя входного файла: **sitdown.in**
Имя выходного файла: **sitdown.out**
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Знаете ли вы, что то, как Вы сидите во время соревнования, может серьезно повлиять на Ваши результаты?

В частности, положение стульев относительно столов и компьютера очень сильно влияет на взаимоотношения в команде.

С другой стороны, само расположение столов, за которыми сидят участники на больших соревнованиях, не менее важно. Как правило, они не должны стоять близко друг к другу, чтобы, с одной стороны, участники могли не сдерживать громкость голоса при рассказывании очередного оригинального решения, и, с другой стороны, не могли подслушать идеи других команд.

И если о первом должны заботиться участники, то о втором — организаторы соревнований.

Представьте себе, что Вам поручили организовать расстановку столов в одном из залов. План зала представляет собой лист клетчатой бумаги размером N на M , на котором каждая клетка или занята, или свободна. Между свободными клетками можно перемещаться, переходя по общей стороне (ходом ладьи). Зал устроен так, что из любой свободной клетки в любую другую свободную можно дойти, причем ровно одним способом.

Стол для команды занимает ровно две смежных клетки, причем они могут находиться друг относительно друга как по горизонтали, так и по вертикали. Учитывая вышеуказанные соображения, расстояние между столами не должно быть менее одной клетки (переходя по смежным клеткам).

Расставьте в свободном пространстве зала наибольшее число столов, соблюдая вышеуказанные требования.

Формат входного файла

В первой строке находятся два целых числа N, M ($1 \leq N \cdot M \leq 10^4$).

В каждой из последующих N строк находится по M символов. Вместе они составляют план зала. Каждый из этих символов является либо точкой «.», обозначающей свободную клетку, либо звездочкой «*», обозначающей занятую клетку.

Формат выходного файла

Выведите план расстановки столов в зале. Формат вывода аналогичен формату ввода (размеры выводить не надо), только к символам добавляются следующие:

- левая квадратная скобка («[»), обозначает левую половину стола.
- правая квадратная скобка («]»), обозначает правую половину стола.
- большая латинская буква «M», обозначает верхнюю половину стола.
- большая латинская буква «W», обозначает нижнюю половину стола.

Если ответ неоднозначен, выведите любой.

Примеры

sitdown.in	sitdown.out
4 4 **** *.*. **.* ****	**** *.M* **W* ****
1 5	[].[]

Задача В. Операция **Xor**

Имя входного файла: xor.in
Имя выходного файла: xor.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Пусть есть два неотрицательных целых числа a и b . Представим их в двоичной системе счисления $a = (a_1 a_2 \dots a_l)_2$ и $b = (b_1 b_2 \dots b_l)_2$ ($a_i, b_i \in \{0, 1\}$). Без ограничения общности можно полагать, что они имеют одинаковую длину, так как к меньшему по длине можно подписать слева необходимое количество нулей.

Результат операции $c = a \oplus b$ — число, i -тая цифра двоичной записи которого равна $(a_i + b_i) \bmod 2$. В программировании такая операция называется операцией **xor**.

Ваша задача найти набор из n чисел a_i , удовлетворяющих условиям:

1. $a_i \neq a_j$ ни для каких $i \neq j, 1 \leq i, j \leq n$
2. $0 < a_i \leq 2^{31} - 1$
3. $a_1 \oplus a_2 \oplus \dots \oplus a_n = A$

Формат входного файла

Во входном файле содержаться два натуральных числа n ($1 \leq n \leq 100000$) и A ($0 \leq A \leq 2^{31} - 1$).

Формат выходного файла

В выходной файл через пробел запишите n чисел, удовлетворяющих вышеописанному условию или «-1», если такого набора не существует.

Пример

xor.in	xor.out
1 5	5
7 1	12 71 35 3 54 138 214

Задача С. Матрица минимальных разрезов

Имя входного файла: **cut.in**
Имя выходного файла: **cut.out**
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Рассмотрим взвешенный неориентированный граф G . *Минимальным реберным разрезом* между вершинами u и v называют множество ребер $C_{u,v}$ с минимальным весом, такое что любой путь из u в v содержит хотя бы одно ребро из $C_{u,v}$. Обозначим вес минимального реберного разреза между вершинами u и v как $c_{u,v}$.

Матрица $c_{u,v}$ называется *матрицей минимальных разрезов* графа G . Вам дана матрица $c_{u,v}$. Найдите граф G , для которого $c_{u,v}$ является матрицей минимальных разрезов, либо выясните, что такого графа нет.

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит n — размер матрицы ($2 \leq n \leq 50$). Следующие n строк содержат по n целых чисел — значения элементов матрицы. Гарантируется, что матрица симметрична и содержит нули на главной диагонали. Все остальные входления положительны и не превышают 1000.

Формат выходного файла

Если искомый граф G существует, выведите на первой строке выходного файла слово «YES». Затем выведите m — количество ребер в графе. После этого выведите m строк по три числа — описания ребер: вершины, которые соединены ребром и его вес. Граф не должен содержать параллельных ребер и петель. Вес каждого ребра не должен превышать 1000.

Если искомого графа не существует, выведите «NO» на первой строке выходного файла.

Пример

cut.in	cut.out
3	YES
0 2 2	3
2 0 2	1 2 1
2 2 0	1 3 1
	2 3 1

Задача D. Умножение матриц

Имя входного файла: **matrix.in**
Имя выходного файла: **matrix.out**
Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Петя учится умножать матрицы. Пусть нужно умножить две матрицы A и B размера $n \times n$. Результатом умножения будет матрица C такого же размера, элементы которой вычисляются по следующей формуле: $C_{ij} = \sum_{k=1}^n A_{ik} \cdot B_{kj}$. В качестве тренировки, Петя перемножает *двоичные* матрицы — то есть матрицы из нулей и единиц, и выполняет все действия по модулю два.

Недавно Петя перемножил две матрицы A и B и утверждает, что результат равен C . Однако его сестра Ира ему не верит. Она говорит, что он ошибся.

Помогите детям разрешить спор, проверьте, действительно ли произведение матриц A и B равно C .

Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит число n — размер матриц ($1 \leq n \leq 4000$). Следующие три строки описывают матрицы A , B и C .

Каждая матрица описывается строкой, которая содержит n блоков по $\lceil n/4 \rceil$ шестнадцатеричных цифр. Если выписать эти цифры в двоичной записи (от старших битов к младшим) и откинуть лишние цифры в конце, то получится соответствующая строка матрицы. Например, матрица

$$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

описывается блоками 28, A8, 68, 78, D0, 88.

Формат выходного файла

Выведите “YES”, если $AB = C$, и “NO”, если данное равенство не выполняется.

Пример

matrix.in	matrix.out
6 28 A8 68 78 D0 88 80 40 20 10 08 04 28 A8 68 78 D0 88	YES
6 28 A8 68 78 D0 88 80 40 20 10 08 04 28 B8 68 78 D0 88	NO