

## Задача А. Наилучшее число

Имя входного файла: **bestnum.in**

Имя выходного файла: **bestnum.out**

Ограничение по времени: 2 секунды

Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Будем говорить, что число  $a$  лучше числа  $b$ , если сумма квадратов его цифр в десятичной системе счисления больше, чем у числа  $b$ . При равенстве сумм квадратов цифр лучшим считается меньшее число.

Найдите наилучшее простое число из отрезка  $[l, r]$ . Напомним, что *простым* называется число, делящееся только на само себя и на единицу.

### Формат входного файла

Входной файл содержит два целых числа:  $l$  и  $r$  ( $2 \leq l \leq r \leq 50\,000$ ).

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите ответ на задачу. Если в указанном отрезке не содержится ни одного простого числа, выведите в выходной файл число  $-1$ .

### Примеры

<b>bestnum.in</b>	<b>bestnum.out</b>
15 30	29
8 10	-1

## Задача В. Двоичные числа

Имя входного файла: **binary.in**  
Имя выходного файла: **binary.out**  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Пусть задано положительное целое число  $x$ . Рассмотрим строку  $S$ , которая является записью его представления в двоичной системе счисления. Необходимо вычислить сумму всех различных чисел, двоичные представления которых являются подстроками строки  $S$ .

Например, пусть  $x = 5$ . Тогда  $S = 101$ , множество подстрок  $S$  таково:  $\{1, 0, 1, 10, 01, 101\}$ . Если интерпретировать эти строки как двоичные числа и удалить повторяющиеся, получается множество чисел:  $\{0, 1, 2, 5\}$ . Их сумма равна 8.

### Формат входного файла

Входной файл содержит целое число  $x$  ( $1 \leq x \leq 10^{12}$ ). Оно задано в десятичной системе счисления.

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите ответ на задачу.

### Примеры

binary.in	binary.out
5	8

## Задача С. Замок на холодильнике

Имя входного файла:	<code>lock.in</code>
Имя выходного файла:	<code>lock.out</code>
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Вася очень любит покушать. Но его мама считает, что столько кушать нельзя. Поэтому она поставила на холодильник замок, представляющий собой прямоугольную сенсорную панель из  $n$  строк и  $m$  столбцов, занумерованных по порядку числами от 1 до  $n$  и от 1 до  $m$  соответственно. Изначально все клетки замка покрашены в некоторые цвета. Известно, что панель может отображать не более, чем  $\min(n, m) - 1$  цветов, занумерованных натуральными числами от 1 до  $\min(n, m) - 1$ . Панель можно перекрашивать: если выбрать в одной строке (в одном столбце) две клетки одного цвета, то вся эта строка (весь этот столбец) перекрасится в цвет выбранных клеток. Чтобы открыть холодильник, необходимо не более, чем за  $2 \cdot (n + m)$  операций, перекрасить всю панель в какой-нибудь один цвет.

Вам требуется помочь Васе взломать мамин замок. Напишите программу, которая по заданной раскраске панели будет выводить последовательность длиной не более  $2 \cdot (n + m)$  операций перекрашивания, приводящую к открытию замка.

### Формат входного файла

В первой строке находятся числа  $n, m$  ( $3 \leq n, m \leq 100$ ). Затем задается начальное состояние панели замка: в  $n$  строках по  $m$  натуральных чисел из диапазона 1 до  $\min(n, m) - 1$ .

### Формат выходного файла

В первой строке выведите целое число  $A$  — количество операций перекрашивания. В следующих  $A$  строках опишите предлагаемые операции перекрашивания. Стока описания содержат в начале символ «V», если соответствующая операция перекрашивает столбец, и «H», если строку. Затем в строке через пробел идут четыре натуральных числа  $x_1, y_1, x_2, y_2$  — координаты двух выбранных клеток. Цвета в этих клетках на начало операции перекрашивания должны быть одинаковыми.

### Примеры

<code>lock.in</code>	<code>lock.out</code>
3 3	3
1 1 2	V 2 1 3 1
2 2 1	V 2 2 3 2
2 2 2	V 1 3 3 3
4 5	6
1 2 3 2 1	H 1 1 1 5
3 2 1 3 2	V 1 1 3 1
1 1 1 1 1	V 1 2 3 2
2 2 2 2 2	V 1 3 3 3
	V 1 4 3 4
	V 1 5 3 5

## Задача D. Минимальный лексикографически циклический сдвиг

Имя входного файла: minlex.in  
Имя выходного файла: minlex.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

*Циклическим сдвигом* строки  $s$  называется строка  $s_k s_{k+1} s_{k+2} \dots s_{|s|} s_1 s_2 \dots s_{k-1}$  для некоторого  $k$ , здесь  $|s|$  — длина строки  $s$ .

Рассмотрим две строки  $s$  и  $t$  одинаковой длины  $n$ . Говорят, что строка  $s$  *лексикографически меньше* строки  $t$ , если существует такое  $1 \leq i \leq n$ , что для всех  $1 \leq j < i$   $s_j = t_j$ , а  $s_i < t_i$ .

Задана строка  $s$ , состоящая из заглавных букв латинского алфавита. Найдите наименьший лексикографически ее циклический сдвиг.

### Формат входного файла

Входной файл содержит строку  $s$ . Ее длина положительна и не превосходит 1000.

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите ответ на задачу.

### Примеры

minlex.in	minlex.out
CAB	ABC
ABCAAAC	AAACABC

## Задача Е. Полное произведение

Имя входного файла: mult.in  
Имя выходного файла: mult.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Рассмотрим  $n$  наборов чисел:

$$X_1 = \{x_1^{(1)}, x_1^{(2)}, \dots, x_1^{(m)}\}$$

...

$$X_i = \{x_i^{(1)}, x_i^{(2)}, \dots, x_i^{(m)}\}$$

...

$$X_n = \{x_n^{(1)}, x_n^{(2)}, \dots, x_n^{(m)}\}$$

Полным произведением этих наборов назовем число  $P$ :

$$P = \sum_{1 \leq i_1, \dots, i_n \leq m} x_1^{(i_1)} x_2^{(i_2)} \dots x_n^{(i_n)}$$

Ваша задача — для заданных наборов чисел  $X_1, X_2, \dots, X_n$  вычислить остаток от деления их полного произведения на  $K$ .

### Формат входного файла

В первой строке входного файла находятся числа  $n, m$  ( $1 \leq n, m \leq 1000$ ) и  $K$  ( $2 \leq K \leq 10^9$ ).

В каждой из следующих  $n$  строк записано по  $m$  чисел — в  $i$ -ой из них на  $j$ -ом месте записано число  $x_i^{(j)}$ . Гарантируется, что  $|x_i^{(j)}| \leq 10^9$ .

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите  $P \bmod K$ .

### Примеры

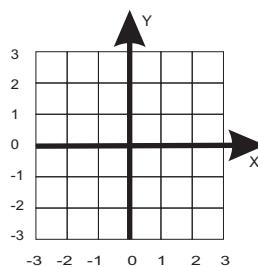
mult.in	mult.out
2 2 3	
1 1	
1 1	1

## Задача F. Городской парк

Имя входного файла: park.in  
Имя выходного файла: park.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В Санкт-Петербурге было решено открыть новый городской парк. Власти города нарисовали план парка на карте и теперь хотят приступить к закупке растительности и постройке забора. Закупкой и рассадкой зелени пусть занимаются ботаники, а забор предстоит строить Вам.

Санкт-Петербург, как почти любой современный город, представляет собой правильную прямоугольную сетку единичных квадратов (кварталов). Введем систему с центром в одном из узлов квадратной сетки, осью  $OX$  направленной с запада на восток и осью  $OY$  направленной с юга на север. Парк будет представлять собой связную область состоящую из единичных квадратов.



Вам необходимо сделать заказ на резные решетки, которые производит сталепромышленный завод «Решет & Ко». Для этого, Вам необходимо узнать периметр парка.

### Формат входного файла

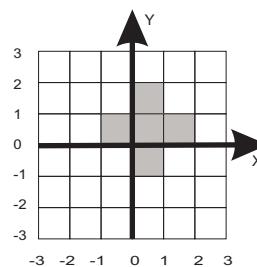
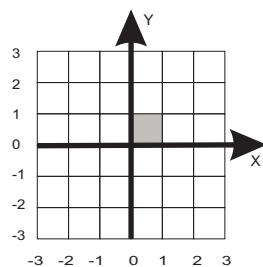
В первой строке входного файла указано число  $n$  ( $1 \leq n \leq 100000$ ) — количество единичных квадратов, отведенных под парк. В следующих  $N$  строках описываются эти кварталы. Каждый квартал задается координатами своего нижнего левого угла. Гарантируется, что парк представляет собой связную фигуру. Координаты не превышают  $10^9$  по абсолютной величине.

### Формат выходного файла

В единственную строку входного файла запишите одно число — периметр парка.

### Пример

park.in	park.out
1 0 0	4
5 0 0 0 -1 -1 0 1 0 0 1	12



## Задача G. Шаблон-палиндром

Имя входного файла: pattern.in  
Имя выходного файла: pattern.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

*Шаблоном размера p* назовем строку длины p, каждый из символов которой входит в множество {0, 1, ?}. Шаблоны преобразуются в строки из нулей и единиц по следующим правилам:

- символы 0 и 1 могут быть преобразованы только сами в себя;
- символ ? может быть преобразован либо в 0, либо в 1;

*Палиндромом* называется строка, одинаково читающаяся с обеих сторон. Например, строка abba является палиндромом, а строка abc — нет.

Необходимо найти наименьшую лексикографически являющуюся палиндромом строку, в которую может быть преобразован заданный шаблон p.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит шаблон p. Его размер положителен и не превосходит 1000.

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите искомый палиндром или NO SOLUTION, если ни одного палиндрома из заданного шаблона получено быть не может.

### Примеры

pattern.in	pattern.out
01?????0	0100010
010?	NO SOLUTION

## Задача Н. Объединение параллелепипедов

Имя входного файла: union.in  
Имя выходного файла: union.out  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

В трехмерном пространстве задано  $n$  прямоугольных параллелепипедов. Найдите объем их объединения.

### Формат входного файла

Первая строка входного файла содержит количество параллелепипедов  $n$  ( $1 \leq n \leq 10$ ). Каждая из последующих  $n$  строк описывает один из параллелепипедов. Описание параллелепипеда состоит из шести целых чисел:  $x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2$  ( $0 \leq x_1 \leq x_2 \leq 100, 0 \leq y_1 \leq y_2 \leq 100, 0 \leq z_1 \leq z_2 \leq 100$ ). Точка  $(x_1, y_1, z_1)$  является одним из углов параллелепипеда, а  $(x_2, y_2, z_2)$  — ему противоположным.

### Формат выходного файла

В выходной файл выведите объем объединения заданных во входном файле прямоугольных параллелепипедов.

### Примеры

union.in	union.out
1 0 0 0 1 1 1	1
2 0 0 0 1 1 1 0 0 0 2 2 2	8